

IA, Villes Intelligentes et Partage de Ressources Une Courte Introduction

Sylvain Bouveret LIG – Univ. Grenoble-Alpes

École d'Automne IA²

Lyon, 31 octobre 2019

























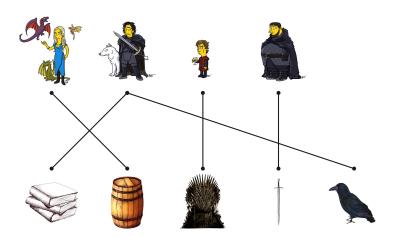














Le menu du jour

Dans cette présentation, nous verrons :

- 1 Pourquoi ce problème est important
- Quels sont les autres problèmes de cette famille appelée choix social
- 3 Pourquoi ces problèmes sont importants pour la ville intelligente
- 4 Pourquoi l'IA s'intéresse à ce genre de problèmes
- 5 Comment résoudre un problème de partage équitable. Le point de vue de l'IA



Pourquoi ce problème de partage équitable est-il important?

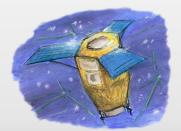


Pourquoi ce problème de partage équitable est-il important? Avant tout parce qu'il a de nombreuses applications très concrètes...



Pourquoi ce problème de partage équitable est-il important? Avant tout parce qu'il a de nombreuses applications très concrètes...

• Partage d'exploitation de satellites d'observation de la Terre



Satellite Pléiades (https://pleiades.cnes.fr/fr), CNES (image S.B)



Pourquoi ce problème de partage équitable est-il important? Avant tout parce qu'il a de nombreuses applications très concrètes...

- Affectation de sujets de TP à des étudiants
- Répartition de tâches entre robots
- Systèmes de crowdsourcing
- Répartition de tâches à des machines
- Affectation de parcours universitaires à des bacheliers

• ..



Pourquoi ce problème de partage équitable est-il important? Avant tout parce qu'il a de nombreuses applications très concrètes...

- · Affectation de sujets de TP à des étudiants
- Répartition de tâches entre robots
- Systèmes de crowdsourcing
- Répartition de tâches à des machines
- Affectation de parcours universitaires à des bacheliers
- ...

...Et en particulier dans le domaine de la ville intelligente!



Le partage équitable n'est qu'un des nombreux exemples de problèmes abordés par la **théorie du choix social**.



Le partage équitable n'est qu'un des nombreux exemples de problèmes abordés par la **théorie du choix social**.

La théorie du choix social est dédiée à l'analyse des problèmes de décision collective et aux méthodes permettant de les résoudre.



Le partage équitable n'est qu'un des nombreux exemples de problèmes abordés par la **théorie du choix social**.

La théorie du choix social est dédiée à l'analyse des problèmes de décision collective et aux méthodes permettant de les résoudre.

• Un ensemble d'options O



Le partage équitable n'est qu'un des nombreux exemples de problèmes abordés par la **théorie du choix social**.

La théorie du choix social est dédiée à l'analyse des problèmes de décision collective et aux méthodes permettant de les résoudre.

- Un ensemble d'options \mathcal{O}
- Un ensemble d'agents $A = \{a_1, \ldots, a_n\}$...



Le partage équitable n'est qu'un des nombreux exemples de problèmes abordés par la **théorie du choix social**.

La théorie du choix social est dédiée à l'analyse des problèmes de décision collective et aux méthodes permettant de les résoudre.

- Un ensemble d'options \mathcal{O}
- Un ensemble d'agents $A = \{a_1, \ldots, a_n\}...$
- ...Exprimant des **opinions** sur les options.



Le partage équitable n'est qu'un des nombreux exemples de problèmes abordés par la **théorie du choix social**.

La théorie du choix social est dédiée à l'analyse des problèmes de décision collective et aux méthodes permettant de les résoudre.

- Un ensemble d'options \mathcal{O}
- Un ensemble d'agents $A = \{a_1, \ldots, a_n\}...$
- ...Exprimant des opinions sur les options.



Opinion collective, choix d'une option..



Le vote

Problème n°1 : le vote

Nous devons élire un représentant parmi un ensemble de m candidats sur lesquels n électeurs ont diverses préférences.



Le vote

Problème n°1 : le vote

Nous devons élire un représentant parmi un ensemble de m candidats sur lesquels n électeurs ont diverses préférences.

Options : candidats (m)

Agents : électeurs (n)

· Préférences : bulletins de vote



- $X = \{a, b, c, \ldots\}$ ensemble de candidats
- $N = \{1, ..., n\}$ ensemble d'électeurs
- chaque électeur exprime un ordre ≻_i sur les candidats;
- profil de vote : $P = \langle \succ_1, \ldots, \succ_n \rangle$

```
électeurs 1, 2, 3, 4 : c \succ b \succ d \succ a
électeurs 5, 6, 7, 8 : a \succ b \succ d \succ c
électeur 9 : c \succ a \succ b \succ d
```



- $X = \{a, b, c, \ldots\}$ ensemble de candidats
- $N = \{1, ..., n\}$ ensemble d'électeurs
- chaque électeur exprime un ordre ≻_i sur les candidats;
- profil de vote : $P = \langle \succ_1, \dots, \succ_n \rangle$

```
électeurs 1, 2, 3, 4 : c \succ b \succ d \succ a
électeurs 5, 6, 7, 8 : a \succ b \succ d \succ c
électeur 9 : c \succ a \succ b \succ d
```

Règle de pluralité : le vainqueur est le candidat classé premier par le plus grand nombre d'électeurs

$$plurality(P) = ?$$



- $X = \{a, b, c, \ldots\}$ ensemble de candidats
- $N = \{1, ..., n\}$ ensemble d'électeurs
- chaque électeur exprime un ordre ≻_i sur les candidats;
- profil de vote : $P = \langle \succ_1, \ldots, \succ_n \rangle$

```
électeurs 1, 2, 3, 4 : c \succ b \succ d \succ a
électeurs 5, 6, 7, 8 : a \succ b \succ d \succ c
électeur 9 : c \succ a \succ b \succ d
```

Règle de pluralité : le vainqueur est le candidat classé premier par le plus grand nombre d'électeurs

$$plurality(P) = c$$



- $X = \{a, b, c, \ldots\}$ ensemble de candidats
- $N = \{1, ..., n\}$ ensemble d'électeurs
- chaque électeur exprime un ordre ≻_i sur les candidats;
- profil de vote : $P = \langle \succ_1, \ldots, \succ_n \rangle$

```
électeurs 1, 2, 3, 4 : c \succ b \succ d \succ a
électeurs 5, 6, 7, 8 : a \succ b \succ d \succ c
électeur 9 : c \succ a \succ b \succ d
```

Règle de Borda : un candidat classé $1^{\rm er}$ / $2^{\rm ème}$ / $4^{\rm ème}$ reçoit 3 / 2 / 1 / 0 points. Le candidat récoltant un maximum de points gagne.

$$a \mapsto (4 \times 3) + 2 = 14$$
 $b \mapsto ?$ $c \mapsto ?$ $d \mapsto ?$
 $Borda(P) = ?$



- $X = \{a, b, c, \ldots\}$ ensemble de candidats
- $N = \{1, ..., n\}$ ensemble d'électeurs
- chaque électeur exprime un ordre ≻_i sur les candidats;
- profil de vote : $P = \langle \succ_1, \ldots, \succ_n \rangle$

```
électeurs 1, 2, 3, 4 : c \succ b \succ d \succ a
électeurs 5, 6, 7, 8 : a \succ b \succ d \succ c
électeur 9 : c \succ a \succ b \succ d
```

Règle de Borda : un candidat classé $1^{\rm er}$ / $2^{\rm ème}$ / $4^{\rm ème}$ reçoit 3 / 2 / 1 / 0 points. Le candidat récoltant un maximum de points gagne.

$$a \mapsto (4 \times 3) + 2 = 14$$
 $b \mapsto 17$ $c \mapsto 15$ $d \mapsto 8$
 $Borda(P) = b$



- $X = \{a, b, c, \ldots\}$ ensemble de candidats
- $N = \{1, ..., n\}$ ensemble d'électeurs
- chaque électeur exprime un ordre ≻_i sur les candidats;
- profil de vote : $P = \langle \succ_1, \ldots, \succ_n \rangle$

```
électeurs 1, 2, 3, 4 : c \succ b \succ d \succ a
électeurs 5, 6, 7, 8 : a \succ b \succ d \succ c
électeur 9 : c \succ a \succ b \succ d
```

Plein d'autres règles!



Partage équitable continu – gâteaux

Problème n°2 : le partage continu

Il faut partager un gâteau rectangulaire hétérogène (un cake) entre n agents ayant des évaluations différentes sur les différentes parties du gâteau.



Partage équitable continu – gâteaux

Problème n°2 : le partage continu

Il faut partager un gâteau rectangulaire hétérogène (un cake) entre n agents ayant des évaluations différentes sur les différentes parties du gâteau.

0		



Partage équitable continu – gâteaux

Problème n°2 : le partage continu

Il faut partager un gâteau rectangulaire hétérogène (un cake) entre n agents ayant des évaluations différentes sur les différentes parties du gâteau.

- Options : différents partages du gâteau (∞)
- Agents: les convives (n)
- Préférences : fonctions de valuation (continues, en général additives)



Des protocoles de partage

En général, on s'intéresse à :

- La proportionalité : chaque agent pense que sa part vaut au moins $\frac{1}{n}$ du gâteau total.
- L'absence d'envie : chaque agent pense que sa part est meilleure que n'importe quelle part reçue par les autres convives.



Des protocoles de partage

En général, on s'intéresse à :

- La proportionalité : chaque agent pense que sa part vaut au moins $\frac{1}{n}$ du gâteau total.
- L'absence d'envie : chaque agent pense que sa part est meilleure que n'importe quelle part reçue par les autres convives.

2 agents: Je coupe, tu choisis.

- Agent 1 coupe le gâteau en deux parts qu'il estime égales.
- Agent 2 choisit laquelle des deux parts il prend.

Garantit l'absence d'envie et la proportionalité.



La procédure Last Diminisher (Banach-Knaster) :

1 | L'agent 1 coupe une part qu'il estime valoir $\frac{1}{n}$



- 1 L'agent 1 coupe une part qu'il estime valoir $\frac{1}{n}$
- 2 Chaque agent de 2 à *n* peut soit passer, soit raccourcir la part déjà coupée.



- 1 L'agent 1 coupe une part qu'il estime valoir $\frac{1}{n}$
- 2 Chaque agent de 2 à *n* peut soit passer, soit raccourcir la part déjà coupée.
- 3 Le dernier agent ayant (re)coupé la part la récupère dans son assiette et quitte le jeu.



- 1 L'agent 1 coupe une part qu'il estime valoir $\frac{1}{n}$
- 2 Chaque agent de 2 à *n* peut soit passer, soit raccourcir la part déjà coupée.
- 3 Le dernier agent ayant (re)coupé la part la récupère dans son assiette et quitte le jeu.
- 4 Le jeu recommence avec les agents restants et le reste du gâteau.



- 1 L'agent 1 coupe une part qu'il estime valoir $\frac{1}{n}$
- 2 Chaque agent de 2 à *n* peut soit passer, soit raccourcir la part déjà coupée.
- 3 Le dernier agent ayant (re)coupé la part la récupère dans son assiette et quitte le jeu.
- 4 Le jeu recommence avec les agents restants et le reste du gâteau.



La procédure Last Diminisher (Banach-Knaster) :

- 1 L'agent 1 coupe une part qu'il estime valoir $\frac{1}{n}$
- 2 Chaque agent de 2 à *n* peut soit passer, soit raccourcir la part déjà coupée.
- 3 Le dernier agent ayant (re)coupé la part la récupère dans son assiette et quitte le jeu.
- 4 Le jeu recommence avec les agents restants et le reste du gâteau.

Garantit la proportionalité (bien sûr pas l'absence d'envie).



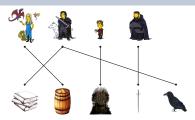
Problème n°3 : le partage discret

Il faut répartir un ensemble de m objets indivisibles entre n agents ayant des évaluations différentes de ces objets.



Problème n°3 : le partage discret

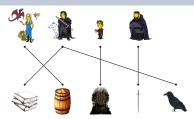
Il faut répartir un ensemble de m objets indivisibles entre n agents ayant des évaluations différentes de ces objets.





Problème n°3 : le partage discret

Il faut répartir un ensemble de m objets indivisibles entre n agents ayant des évaluations différentes de ces objets.

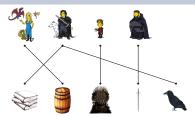


- Options: partages possibles (n^m)
- Agents: consommateurs d'objets (n)
- Préférences : fonction d'évaluation / ordres...



Problème n°3 : le partage discret

Il faut répartir un ensemble de m objets indivisibles entre n agents ayant des évaluations différentes de ces objets.



- Options: partages possibles (n^m)
- Agents: consommateurs d'objets (n)
- Préférences : fonction d'évaluation / ordres...

Nous reviendrons sur ce problème en détails plus tard.



Affectation (matching)

Problème n°4: l'affectation

Nous devons associer des agents d'un groupe S_1 à des agents d'un groupe S_2 . Les agents de S_1 ont des préférences sur les agents de S_2 , et vice-versa.



Affectation (matching)

Problème n°4: l'affectation

Nous devons associer des agents d'un groupe S_1 à des agents d'un groupe S_2 . Les agents de S_1 ont des préférences sur les agents de S_2 , et vice-versa.

Exemples:

- · Affectation d'étudiants à des écoles (one-to-many matching)
- Affectation d'étudiants à des projets (many-to-many matching)
- Appariement d'hommes et de femmes mariage stable¹ (one-to-one matching)

¹ Métaphore inventée à une époque où le mariage entre personnes de même sexe n'était pas légal...



Le problème du mariage stable

- *n* femmes et *n* hommes
- Chaque femme a un ordre de préférence sur les hommes, et vice-versa.
- Nous recherchons un mariage stable



Le problème du mariage stable

- n femmes et n hommes
- Chaque femme a un ordre de préférence sur les hommes, et vice-versa.
- Nous recherchons un mariage stable

L'algorithme de Gale-Shapley (1962) :

- Chaque homme non fiancé fait une proposition a sa favorite parmi les femmes auxquelles il n'a encore fait aucune proposition.
- Chaque femme choisit son favori parmi toutes les propositions qu'elle reçoit (si elle est déjà fiancée et que la meilleure proposition reçue surpasse son fiancé actuel, elle rompt son engagement).
- On boucle jusqu'à ce que tout le monde soit fiancé.



Formation de coalition

Problème n°5 : la formation de coalitions

n agents doivent constituer des groupes. Chaque agent a des préférences sur les autres agents.



Formation de coalition

Problème n°5 : la formation de coalitions

n agents doivent constituer des groupes. Chaque agent a des préférences sur les autres agents.

- Options : partitions valides des participants.
- Agents: participants (n).
- Préférences : en général des préférences numériques (additives) sur les autres participants.



Formation de coalition

Problème n°5 : la formation de coalitions

n agents doivent constituer des groupes. Chaque agent a des préférences sur les autres agents.

- Options : partitions valides des participants.
- Agents: participants (n).
- Préférences : en général des préférences numériques (additives) sur les autres participants.

Généralisation du problème d'affectation. En général, on s'intéresse aux coalitions stables (jeux hédoniques), ou aux coalitions collectivement optimales.



Agrégation de jugements

Problème n°6 : l'agrégation de jugements

Nous disposons de m énoncés qui peuvent être vrais ou faux. Ces énoncés sont logiquement interdépendants. n juges ont une opinion cohérente sur ces énoncés. Nous devons décider selon l'opinion des juges lesquels de ces énoncés sont vrais.



Agrégation de jugements

Problème n°6 : l'agrégation de jugements

Nous disposons de m énoncés qui peuvent être vrais ou faux. Ces énoncés sont logiquement interdépendants. n juges ont une opinion cohérente sur ces énoncés. Nous devons décider selon l'opinion des juges lesquels de ces énoncés sont vrais.

- Options : énoncés logiquement interdépendants (m)
- Agents : juges (n)
- Préférences : en général binaires (oui / non)



Paradoxe de l'agrégation de jugements

• Instructions du *General Chair* IJCAl'20 aux relecteurs : un papier doit être accepté si et seulement s'il est techniquement valide et original.



Paradoxe de l'agrégation de jugements

- Instructions du General Chair IJCAl'20 aux relecteurs : un papier doit être accepté si et seulement s'il est techniquement valide et original.
- Accepter \leftrightarrow Valide \land Original

	Niveau ?	Valide?	Original?
Relecteur 1	Oui	Oui	Oui
Relecteur 2	Oui	Non	Non
Relecteur 3	Non	Oui	Non
Majorité	Oui	Oui	Non



Paradoxe de l'agrégation de jugements

- Instructions du General Chair IJCAl'20 aux relecteurs : un papier doit être accepté si et seulement s'il est techniquement valide et original.
- Accepter \leftrightarrow Valide \land Original

	Niveau?	Valide?	Original?
Relecteur 1	Oui	Oui	Oui
Relecteur 2	Oui	Non	Non
Relecteur 3	Non	Oui	Non
Majorité	Oui	Oui	Non

• (Meta-review). Votre papier a été jugé tout-à-fait valide et original. Mais nous avons décidé de le rejeter...



Agrégation de jugements

- Agrégation de jugements : agréger des opinions sur des énoncés logiquement dépendants... mais d'une manière cohérente
- Liens forts avec le raisonnement non monotone, la fusion de croyances, la prise en compte d'inconsistences.



Du choix social partout...

- Affecter des cours à des étudiants
- Élire un représentant politique (par exemple le président de la république)
- Choisir une date commune pour une réunion
- Choisir le futur nom d'une région
- Élire le vainqueur de l'Eurovision
- Planifier la charge de travail d'une équipe de travailleurs
- Affecter des patients à des hôpitaux
- Divisier un territoire
- · Former des équipes
- Choisir un emplacement pour une infrastructure commune
- ...



Un problème central en IA

- Au cœur de l'IA, les problèmes de décision
- Au cœur des problèmes de décision, les problèmes de décision collective



Un problème central en IA

- Au cœur de l'IA, les problèmes de décision
- Au cœur des problèmes de décision, les problèmes de décision collective

L'intelligence collective (capacité à prendre des décisions en groupe) est l'une des capacités les plus complexes dont les humains sont (supposément) dotés. Il est donc naturel que le choix social soit intimement lié à l'IA. Double objectif :



Un problème central en IA

- Au cœur de l'IA, les problèmes de décision
- Au cœur des problèmes de décision, les problèmes de décision collective

L'intelligence collective (capacité à prendre des décisions en groupe) est l'une des capacités les plus complexes dont les humains sont (supposément) dotés. Il est donc naturel que le choix social soit intimement lié à l'IA. Double objectif :

- Concevoir des systèmes capables d'interagir en environnement multiagent
- · Assister les humains dans la prise de décision collective

Partage et Choix Social...

Dans la ville intelligente



Ville intelligente?

Une ville intelligente est une zone urbaine qui utilise différents capteurs de collecte de données électroniques pour fournir des informations permettant de gérer efficacement les ressources et les actifs.

Source : Wikipédia



Ville intelligente?

Une ville intelligente est une zone urbaine qui utilise différents capteurs de collecte de données électroniques pour fournir des informations permettant de gérer efficacement les ressources et les actifs.

Source : Wikipédia

Deux « flux »:

- Remontée d'information vers les instances de décision
- · Allocation des ressources vers les citoyens



Ville intelligente?

Une ville intelligente est une zone urbaine qui utilise différents capteurs de collecte de données électroniques pour fournir des informations permettant de gérer efficacement les ressources et les actifs.

Source : Wikipédia

Deux « flux » :

- Remontée d'information vers les instances de décision
 → vote, aggrégation de jugements...
- Allocation des ressources vers les citoyens
 partage de ressources, matching...



Partage de flux dans des réseaux...

- d'électricité
- informatiques (e.g. réseaux de vidéo à la demande)
- · de chauffage
- ...



Partage de flux dans des réseaux...

- d'électricité
- informatiques (e.g. réseaux de vidéo à la demande)
- · de chauffage
- ...

Instance du problème de partage de ressource continue (cake-cutting) :

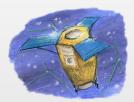
- Ressource : bande-passante × temps
- Agents : utilisateurs, bâtiments, institutions...
- Préférences : besoins d'utilisation
- problème répété / besoin d'équité en moyenne



Mutualisation de ressources communes...



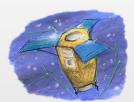
Mutualisation de ressources communes... Partage temporel :



Satellite Pléiades (https://pleiades.cnes.fr/fr), CNES (image S.B)



Mutualisation de ressources communes... Partage temporel :



Satellite Pléiades (https://pleiades.cnes.fr/fr), CNES (image S.B)

Mais aussi allocation ponctuelle d'un ensemble d'équipements (e.g. smart parking, véhicules électriques...)



Placement intelligent de ressources communes...



Placement intelligent de ressources communes...

Instance du problème facility location, qui est un exemple de problème de partage qui peut être discret ou continu :

- **Ressource** : infrastructures positives (e.g. équipement sportif, bornes de recharge de véhicules électriques...) ou négatives (e.g. usine)
- Agents: citoyens
- **Préférences**: besoins d'utilisation + distance



Gestion des équipes

Un problème central de la gestion des villes : organiser les tournées des équipes de maintenance et d'entretien.



Gestion des équipes

Un problème central de la gestion des villes : organiser les tournées des équipes de maintenance et d'entretien.

Problème d'emploi du temps équitable.

- Équité entre les équipes (partage du temps de travail)
- Équité entre les citoyens (délai d'intervention dans les différents quartiers)



Démocratie participative

Multiplication des outils numériques permettant d'impliquer les citoyens dans les décisions locales (e.g. https://liquidfeedback.org/)



Démocratie participative

Multiplication des outils numériques permettant d'impliquer les citoyens dans les décisions locales (e.g. https://liquidfeedback.org/)

Nécessite des techniques d'agrégation de préférences (théorie du vote).



Budget participatif

Première mise en œuvre concrète de la démocratie participative à l'échelle de la ville : le **budget participatif** (cf Paris, Grenoble, Portugalete...)



Budget participatif

Première mise en œuvre concrète de la démocratie participative à l'échelle de la ville : le **budget participatif** (cf Paris, Grenoble, Portugalete...)

Données du problème :

- Un ensemble de projets proposés par des citoyens, caractérisés par un budget + parfois d'autres attributs (quartier, type de projet...)
- Un budget global
- Vote des citoyens sur les projets

Objectif : sélectionner des projets ou proposer une répartition du budget global sur les projets.



Le choix social computationnel

En résumé, deux éléments sont au cœur des problématiques de la ville intelligente :

- les TICS
- la décision collective



Le choix social computationnel

En résumé, deux éléments sont au cœur des problématiques de la ville intelligente :

- les TICS
- la décision collective

 $COMSOC \approx Choix Social \cap Informatique$



Le choix social computationnel

En résumé, deux éléments sont au cœur des problématiques de la ville intelligente :

- les TICS
- la décision collective

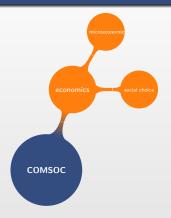
$COMSOC \approx Choix Social \cap Informatique$

- Utilisation de techniques de l'économie pour résoudre des problèmes informatiques (partage de réseau, allocation de tâches...)
- Utilisation de techniques de l'informatique pour analyser et résoudre des problèmes économiques (complexité des procédures de vote, représentation compacte de préférences...)

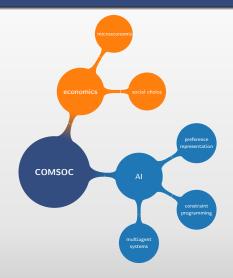




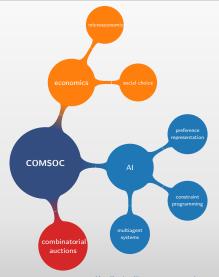




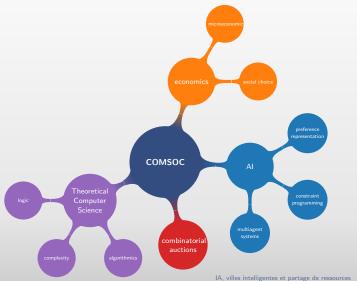




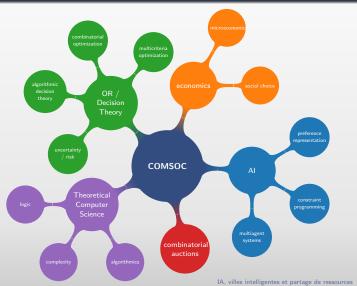














Partage de biens indivisibles

Dans la suite de l'exposé, nous nous focaliserons sur le partage de biens indivisibles



Partage de biens indivisibles

Dans la suite de l'exposé, nous nous focaliserons sur le partage de biens indivisibles

Problème n°3 : le partage discret

Il faut répartir un ensemble de m objets indivisibles entre n agents ayant des évaluations différentes de ces objets.



Partage de biens indivisibles

Dans la suite de l'exposé, nous nous focaliserons sur le **partage de biens** indivisibles

Problème n°3 : le partage discret

Il faut répartir un ensemble de m objets indivisibles entre n agents ayant des évaluations différentes de ces objets.

Situation typique : attribution de places de parking en fonction du temps

- Agents : automobilistes
- Ressources : créneaux (indivisibles) d'utilisation des places de parking

Comment le résoudre

























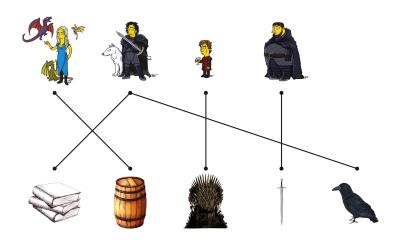














Un bon partage

Avant tout, il faut savoir ce que l'on veut... Qu'est-ce qu'un partage de qualité?



Un bon partage

Avant tout, il faut savoir ce que l'on veut... Qu'est-ce qu'un partage de qualité?

- un partage qui prend en compte les préférences des agents pour les satisfaire au mieux
- un partage qui traite chacun de manière équitable
- un partage qui ne sous-exploite pas la ressource (qui donne les objets à ceux qui les veulent vraiment)



Un bon partage

Avant tout, il faut savoir ce que l'on veut... Qu'est-ce qu'un partage de qualité?

- un partage qui prend en compte les préférences des agents pour les satisfaire au mieux
- un partage qui traite chacun de manière équitable
- un partage qui ne sous-exploite pas la ressource (qui donne les objets à ceux qui les veulent vraiment)

Point crucial sous-jacent : il faut que les agents expriment leurs **préférences**.



Une proposition intuitive...



Une proposition intuitive...

- · Nous supposons que les préférences sont ordinales.
- Chaque agent exprime un ordre linéaire > sur O (objets simples)

 $A: a \triangleright b \triangleright c \triangleright d$



Une proposition intuitive...

- · Nous supposons que les préférences sont ordinales.
- Chaque agent exprime un ordre linéaire > sur O (objets simples)

 $A: a \triangleright b \triangleright c \triangleright d$

Problème : Comment comparer des lots d'objets?

$$\sim$$
 e.g abc $\stackrel{?}{\prec}$ ab; ab $\stackrel{?}{\prec}$ ac?



Une proposition intuitive...

- · Nous supposons que les préférences sont ordinales.
- Chaque agent exprime un ordre linéaire > sur O (objets simples)

$$A: a \triangleright b \triangleright c \triangleright d$$

Problème : Comment comparer des lots d'objets ?

$$\sim$$
 e.g abc $\stackrel{?}{\prec}$ ab; ab $\stackrel{?}{\prec}$ ac?

 \rightarrow En fait, on a besoin de comparer les éléments de $2^{\mathcal{O}}$ (pas seulement ceux de \mathcal{O}).



Espaces combinatoires...

Le piège combinatoire...

Deux objets...

 $o_1 \succ o_2 \succ o_1 o_2 \succ \emptyset \to 3$ comparaisons.



Espaces combinatoires...

Le piège combinatoire...

Quatre objets...

$$o_1o_2 \succ o_2o_3o_4 \succ o_1 \succ \emptyset \succ o_2 \succ o_1o_2o_3o_4 \succ o_1o_3 \succ o_2o_4 \succ o_3o_4 \succ o_1o_4 \succ o_1o_3o_4 \succ o_2o_3 \succ o_4 \succ o_3 \succ o_1o_2o_4 \succ o_1o_2o_3 \rightarrow 15$$
 comparaisons.



Espaces combinatoires...

Le piège combinatoire...

Vingt objets...

ightarrow 1048575 comparaisons ightarrow l'élicitation nécessite plus de 12 jours!



Le dilemme

- Résoudre le problème nécessite d'exprimer des préférences complètes sur l'ensemble des lots possibles
- Mais une représentation et une élicitation explicites sont infaisables en pratique.



Le dilemme

- Résoudre le problème nécessite d'exprimer des préférences complètes sur l'ensemble des lots possibles
- Mais une représentation et une élicitation explicites sont infaisables en pratique.

Solutions possibles...

- Restreindre ce qu'il est possible d'exprimer, et compléter ce qui manque en se servant d'hypothèses implicites
- 2 Utiliser des langages de représentation compacte



Le dilemme

- Résoudre le problème nécessite d'exprimer des préférences complètes sur l'ensemble des lots possibles
- Mais une représentation et une élicitation explicites sont infaisables en pratique.

Solutions possibles...

- Restreindre ce qu'il est possible d'exprimer, et compléter ce qui manque en se servant d'hypothèses implicites
- 2 Utiliser des langages de représentation compacte

Des exemples de langages compacts (inventés par les chercheurs en IA majoritairement...)

- Préférences numériques : logique propositionnelle pondérée, langages d'enchères, GAI-nets, fonctions k-additives...
- Préférences ordinales : Bases de buts priorisés, CI-nets...



Un langage restreint...



Un langage restreint...

- Supposons les préférences ordinales.
- Restriction : chaque agent n'exprime qu'un ordre linéaire ▷ sur O (objets simples)

 $A: a \triangleright b \triangleright c \triangleright d$



Un langage restreint...

- Supposons les préférences ordinales.
- Restriction : chaque agent n'exprime qu'un ordre linéaire ▷ sur O (objets simples)

$$A: a \triangleright b \triangleright c \triangleright d$$

Problème : Comment comparer les lots d'objets?

$$\rightarrow$$
 e.g abc $\stackrel{?}{\prec}$ ab; ab $\stackrel{?}{\prec}$ ac?



Un langage restreint...

- Supposons les préférences ordinales.
- Restriction : chaque agent n'exprime qu'un ordre linéaire ▷ sur O (objets simples)

$$A: a \triangleright b \triangleright c \triangleright d$$

Problème : Comment comparer les lots d'objets?

$$\sim$$
 e.g abc $\stackrel{?}{\prec}$ ab; ab $\stackrel{?}{\prec}$ ac?

- 1 On suppose la monotonie \sim e.g abc \succ ab.
- 2 On suppose la responsiveness : si $(X \cup Y) \cap Z = \emptyset$ alors $X \succ Y$ ssi $X \cup Z \succ Y \cup Z$.

$$\sim$$
 e.g ab \succ ac.



- A: a > b > c > d
- Responsiveness
- Monotonie





- A: a > b > c > d
- Responsiveness
- Monotonie



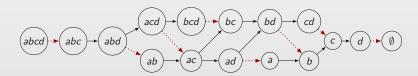


- A:a⊳b⊳c⊳d
- Responsiveness
- Monotonie



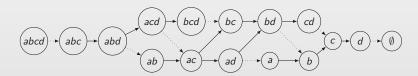


- A: a > b > c > d
- Responsiveness
- Monotonie





- A: a > b > c > d
- Responsiveness
- Monotonie





• On demande à chaque agent i de donner une note $w_i(j)$ à chaque objet j



- On demande à chaque agent i de donner une note $w_i(j)$ à chaque objet j
- Si l'agent i reçoit l'objet j, alors sa satisfaction (on dit « utilité ») sera $w_i(j)$



- On demande à chaque agent i de donner une note $w_i(j)$ à chaque objet j
- Si l'agent i reçoit l'objet j, alors sa satisfaction (on dit « utilité ») sera $w_i(j)$
- Si l'agent i reçoit les objets j_1 et j_2 , alors son utilité sera $w(i,j_1) + w(i,j_2)$



- On demande à chaque agent i de donner une note $w_i(j)$ à chaque objet j
- Si l'agent i reçoit l'objet j, alors sa satisfaction (on dit « utilité ») sera
 w_i(j)
- Si l'agent i reçoit les objets j_1 et j_2 , alors son utilité sera $w(i,j_1) + w(i,j_2)$
- Si l'agent i reçoit les objets de l'ensemble \mathcal{X} , alors son utilité sera

$$u_i = \sum_{j \in \mathcal{X}} w_i(j).$$



- On demande à chaque agent i de donner une note $w_i(j)$ à chaque objet j
- Si l'agent i reçoit l'objet j, alors sa satisfaction (on dit « utilité ») sera
 w_i(j)
- Si l'agent i reçoit les objets j_1 et j_2 , alors son utilité sera $w(i,j_1) + w(i,j_2)$
- Si l'agent i reçoit les objets de l'ensemble \mathcal{X} , alors son utilité sera

$$u_i = \sum_{j \in \mathcal{X}} w_i(j).$$



- On demande à chaque agent i de donner une note $w_i(j)$ à chaque objet j
- Si l'agent i reçoit l'objet j, alors sa satisfaction (on dit « utilité ») sera
 w_i(j)
- Si l'agent i reçoit les objets j_1 et j_2 , alors son utilité sera $w(i, j_1) + w(i, j_2)$
- Si l'agent i reçoit les objets de l'ensemble \mathcal{X} , alors son utilité sera

$$u_i = \sum_{j \in \mathcal{X}} w_i(j).$$

- Très simple
- Mais ne permet pas de tout exprimer (compléments, substituts...)



- On demande à chaque agent i de donner une note $w_i(j)$ à chaque objet j
- Si l'agent i reçoit l'objet j, alors sa satisfaction (on dit « utilité ») sera
 w_i(j)
- Si l'agent i reçoit les objets j_1 et j_2 , alors son utilité sera $w(i,j_1) + w(i,j_2)$
- Si l'agent i reçoit les objets de l'ensemble \mathcal{X} , alors son utilité sera

$$u_i = \sum_{j \in \mathcal{X}} w_i(j).$$

- Très simple
- Mais ne permet pas de tout exprimer (compléments, substituts...)

Pour la suite de l'exposé, nous nous placerons dans ce modèle à préférences additives.



Plus formellement, voici le problème à résoudre :



Plus formellement, voici le problème à résoudre :

• un ensemble fini d'**objets**
$$\mathcal{O} = \{1, \dots, m\}$$

$$o_1 \quad o_2 \quad o_3$$



Plus formellement, voici le problème à résoudre :

- un ensemble fini d'**objets** $\mathcal{O} = \{1, \dots, m\}$
- un ensemble fini d'agents $\mathcal{A} = \{1, \dots, n\}$

$$o_1 \quad o_2 \quad o_3$$

agent 1

agent 2



Plus formellement, voici le problème à résoudre :

- un ensemble fini d'**objets** $\mathcal{O} = \{1, \dots, m\}$
- un ensemble fini d'agents $\mathcal{A} = \{1, \dots, n\}$
- Des **préférences additives** : $\rightarrow w_i(j)$ (agent i, objet j) .



Plus formellement, voici le problème à résoudre :

- un ensemble fini d'**objets** $\mathcal{O} = \{1, \dots, m\}$
- un ensemble fini d'agents $\mathcal{A} = \{1, \ldots, n\}$
- Des préférences additives : $\rightarrow w_i(j)$ (agent i, objet j) $\rightarrow u_i(\mathcal{X}) = \sum_{j \in \mathcal{X}} w_i(j)$.

$$u_2({2,3}) = 1 + 6 = 7$$



Plus formellement, voici le problème à résoudre :

- un ensemble fini d'**objets** $\mathcal{O} = \{1, \dots, m\}$
- un ensemble fini d'agents $\mathcal{A} = \{1, \ldots, n\}$
- Des préférences additives : $\rightarrow w_i(j)$ (agent i, objet j) $\rightarrow u_i(\mathcal{X}) = \sum_{i \in \mathcal{X}} w_i(j)$.

Nous voulons:



Plus formellement, voici le problème à résoudre :

- un ensemble fini d'**objets** $\mathcal{O} = \{1, \dots, m\}$
- un ensemble fini d'agents $A = \{1, \ldots, n\}$
- Des préférences additives : $\rightarrow w_i(j)$ (agent i, objet j) $\rightarrow u_i(\mathcal{X}) = \sum_{i \in \mathcal{X}} w_i(j)$.

Nous voulons:

• une allocation complète $\overrightarrow{\pi}: \mathcal{A} \to 2^{\mathcal{O}}...$

$$\overrightarrow{\pi} = \langle \{1\}, \{2, 3\} \rangle$$

$$u_1(\overrightarrow{\pi}) = 5$$

$$u_2(\overrightarrow{\pi}) = 7$$



Plus formellement, voici le problème à résoudre :

- un ensemble fini d'**objets** $\mathcal{O} = \{1, \dots, m\}$
- un ensemble fini d'agents $\mathcal{A} = \{1, \dots, n\}$
- Des préférences additives : $\rightarrow w_i(j)$ (agent i, objet j) $\rightarrow u_i(\mathcal{X}) = \sum_{i \in \mathcal{X}} w_i(j)$.

Nous voulons:

- une allocation complète $\overrightarrow{\pi}: \mathcal{A} \to 2^{\mathcal{O}}...$
- · ...prenant en compte les préférences des agents

$$\overrightarrow{\pi} = \langle \{1\}, \{2, 3\} \rangle$$

$$u_1(\overrightarrow{\pi}) = 5$$

$$u_2(\overrightarrow{\pi}) = 7$$



Qu'est-ce qu'un bon partage?

OK... Nous avons défini un langage pour exprimer des préférences.



Qu'est-ce qu'un bon partage?

OK... Nous avons défini un langage pour exprimer des préférences.

Mais qu'est-ce qu'un bon partage devrait faire avec ces préférences?



Qu'est-ce qu'un bon partage?

OK... Nous avons défini un langage pour exprimer des préférences.

Mais qu'est-ce qu'un bon partage devrait faire avec ces préférences?

Les économistes ont deux réponses classiques :

- 1 maximiser une utilité collective définie par une fonction d'utilité collective
- 2 satisfaire un critère d'équité



Une fonction d'utilité collective est une fonction g qui calcule la satisfaction globale de la société à partir de celle des individus :

$$g:(u_1,\ldots,u_n)\mapsto u_c$$



Une fonction d'utilité collective est une fonction g qui calcule la satisfaction globale de la société à partir de celle des individus :

$$g:(u_1,\ldots,u_n)\mapsto u_c$$

Fonctions d'utilité classiques :

• Utilitarisme classique :

$$uc(\overrightarrow{\pi}) = \sum_{i \in A} u_i(\pi_i)$$



Une fonction d'utilité collective est une fonction g qui calcule la satisfaction globale de la société à partir de celle des individus :

$$g:(u_1,\ldots,u_n)\mapsto u_c$$

Fonctions d'utilité classiques :

• Utilitarisme classique :

$$uc(\overrightarrow{\pi}) = \sum_{i \in A} u_i(\pi_i)$$

• Égalitarisme :

$$uc(\overrightarrow{\pi}) = \min_{i \in \mathcal{A}} u_i(\pi_i)$$



Une fonction d'utilité collective est une fonction g qui calcule la satisfaction globale de la société à partir de celle des individus :

$$g:(u_1,\ldots,u_n)\mapsto u_c$$

Fonctions d'utilité classiques :

• Utilitarisme classique :

$$uc(\overrightarrow{\pi}) = \sum_{i \in A} u_i(\pi_i)$$

• Égalitarisme :

$$uc(\overrightarrow{\pi}) = \min_{i \in \mathcal{A}} u_i(\pi_i)$$

Produit de Nash :

$$uc(\overrightarrow{\pi}) = \prod_{i \in A} u_i(\pi_i)$$



Exemple: 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.



Exemple : 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6



Exemple: 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6

Évaluation utilitariste :

$$\overrightarrow{\pi} = \langle \{o_1\}, \{o_2, o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}) = 5 + (4+6) = 15$$



Exemple : 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6

Évaluation utilitariste :

$$\overrightarrow{\pi} = \langle \{o_1\}, \{o_2, o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}) = 5 + (4+6) = 15$$

$$\overrightarrow{\pi}' = \langle \{o_1, o_2\}, \{o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}') = (5+3) + 6 = 14$$



Exemple: 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6

Évaluation utilitariste :

$$\overrightarrow{\pi} = \langle \{o_1\}, \{o_2, o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}) = 5 + (4+6) = 15$$

 $\overrightarrow{\pi}' = \langle \{o_1, o_2\}, \{o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}') = (5+3) + 6 = 14$

Évaluation égalitariste :

$$\overrightarrow{\pi} = \langle \{o_1\}, \{o_2, o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}) = min(5, 4+6) = 5$$



Exemple : 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6

Évaluation utilitariste :

$$\overrightarrow{\pi} = \langle \{o_1\}, \{o_2, o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}) = 5 + (4+6) = 15$$

$$\overrightarrow{\pi}' = \langle \{o_1, o_2\}, \{o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}') = (5+3) + 6 = 14$$

Évaluation égalitariste :

$$\overrightarrow{\pi} = \langle \{o_1\}, \{o_2, o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}) = \min(5, 4+6) = 5$$

$$\overrightarrow{\pi}' = \langle \{o_1, o_2\}, \{o_3\} \rangle \rightarrow uc(\overrightarrow{\pi}') = \min(5+3, 6) = 6$$



Critères d'équité

Une autre approche que de maximiser une fonction d'utilité : les critères d'équité.



Critères d'équité

Une autre approche que de maximiser une fonction d'utilité : les critères d'équité.

• Absence d'envie : Une allocation $\overrightarrow{\pi}$ est sans envie si aucun n'agent n'envie un autre.

Formellement : $\forall i, j, u_i(\pi_i) \geq u_i(\pi_j)$



Critères d'équité

Une autre approche que de maximiser une fonction d'utilité : les critères d'équité.

• Absence d'envie : Une allocation $\overrightarrow{\pi}$ est sans envie si aucun n'agent n'envie un autre.

Formellement : $\forall i, j, u_i(\pi_i) \geq u_i(\pi_i)$

 Juste part proportionnelle : La juste part proportionnelle d'un agent i est égale à :

$$u_i^{\mathsf{PFS}} = \frac{u_i(\mathcal{O})}{n} = \sum_{j \in \mathcal{O}} \frac{w_i(j)}{n}$$

Une allocation $\overrightarrow{\pi}$ satisfait **la juste part (proportionelle)** ssi tous les agents ont au moins leur juste part.

• Idée sous-jacente : chaque agent a droit au moins au $n^{\text{ème}}$ du gâteau...



Exemple: 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.



Exemple : 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6



Exemple: 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6

Absence d'envie :

 $\overrightarrow{\pi}$ n'est pas sans envie (l'agent 1 envie l'agent 2)



Exemple: 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6

Absence d'envie :

 $\overrightarrow{\pi}$ n'est pas sans envie (l'agent 1 envie l'agent 2)

 $\overrightarrow{\pi}'$ est sans envie



Exemple : 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6

Absence d'envie :

 $\overrightarrow{\pi}$ n'est pas sans envie (l'agent 1 envie l'agent 2)

 $\overrightarrow{\pi}'$ est sans envie

Juste part proportionnelle:

 $\overrightarrow{\pi}$ ne satisfait pas la juste part (l'agent 1 obtient 5 < 5.5)



Exemple : 3 objets $\{o_1, o_2, o_3\}$, 2 agents $\{1, 2\}$.

Préférences:

	01	02	03
agent 1	5	3	3
agent 2	1	4	6

Absence d'envie :

 $\overrightarrow{\pi}$ n'est pas sans envie (l'agent 1 envie l'agent 2)

 $\overrightarrow{\pi}'$ est sans envie

Juste part proportionnelle :

 $\overrightarrow{\pi}$ ne satisfait pas la juste part (l'agent 1 obtient 5 < 5.5)

 $\overrightarrow{\pi}'$ satisfait la juste part



Bon... Nous avons maintenant tout ce qu'il faut :

Les agents peuvent exprimer leurs préférences



Bon... Nous avons maintenant tout ce qu'il faut :

- Les agents peuvent exprimer leurs préférences
- Nous savons calculer leur satisfaction



Bon... Nous avons maintenant tout ce qu'il faut :

- · Les agents peuvent exprimer leurs préférences
- Nous savons calculer leur satisfaction
- Nous savons agréger ces satisfactions pour déterminer si le partage est bon ou pas



Bon... Nous avons maintenant tout ce qu'il faut :

- · Les agents peuvent exprimer leurs préférences
- Nous savons calculer leur satisfaction
- Nous savons agréger ces satisfactions pour déterminer si le partage est bon ou pas



Bon... Nous avons maintenant tout ce qu'il faut :

- · Les agents peuvent exprimer leurs préférences
- Nous savons calculer leur satisfaction
- Nous savons agréger ces satisfactions pour déterminer si le partage est bon ou pas

Mais comment diantre calculer un bon partage?



Approche n°1 : l'allocation centralisée



Approche n°1: l'allocation centralisée



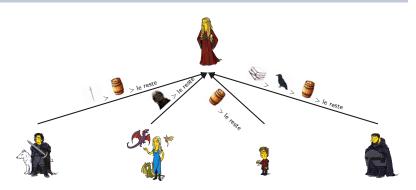






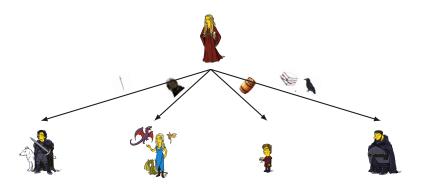


Approche n°1 : l'allocation centralisée





Approche n°1: l'allocation centralisée





• Problème potentiellement compliqué à résoudre : il faut parcourir tous les partages possibles (n^m)



- Problème potentiellement compliqué à résoudre : il faut parcourir tous les partages possibles (n^m)
- Terrain de jeu pour les algorithmes de recherche complets ou incomplets



- Problème potentiellement compliqué à résoudre : il faut parcourir tous les partages possibles (n^m)
- Terrain de jeu pour les algorithmes de recherche complets ou incomplets
- Complexité de l'élicitation et de la communication des préférences



- Problème potentiellement compliqué à résoudre : il faut parcourir tous les partages possibles (n^m)
- Terrain de jeu pour les algorithmes de recherche complets ou incomplets
- Complexité de l'élicitation et de la communication des préférences
- Respect de la vie privée (communication des préférences)



- Problème potentiellement compliqué à résoudre : il faut parcourir tous les partages possibles (n^m)
- Terrain de jeu pour les algorithmes de recherche complets ou incomplets
- Complexité de l'élicitation et de la communication des préférences
- · Respect de la vie privée (communication des préférences)
- Confiance en l'autorité centrale



- Problème potentiellement compliqué à résoudre : il faut parcourir tous les partages possibles (n^m)
- Terrain de jeu pour les algorithmes de recherche complets ou incomplets
- Complexité de l'élicitation et de la communication des préférences
- · Respect de la vie privée (communication des préférences)
- · Confiance en l'autorité centrale
- · Manipulation de la procédure



L'allocation distribuée

Approche n°2: l'allocation distribuée

Partir d'un partage initial aléatoire et demander aux agents de négocier des échanges.



L'allocation distribuée

Approche n°2: l'allocation distribuée

Partir d'un partage initial aléatoire et demander aux agents de négocier des échanges.







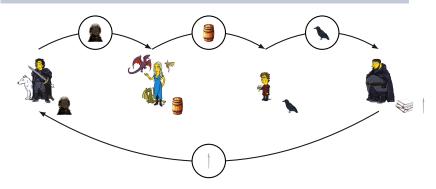




L'allocation distribuée

Approche n°2 : l'allocation distribuée

Partir d'un partage initial aléatoire et demander aux agents de négocier des échanges.





Idée de l'allocation distribuée :

• On part d'une allocation initiale (potentiellement très mauvaise)



- On part d'une allocation initiale (potentiellement très mauvaise)
- On laisse les agents négocier en s'échangeant des (ensembles de) ressources. Plusieurs types d'échanges possibles :



- On part d'une allocation initiale (potentiellement très mauvaise)
- On laisse les agents négocier en s'échangeant des (ensembles de) ressources. Plusieurs types d'échanges possibles :
 - avec / sans argent pour compenser



- On part d'une allocation initiale (potentiellement très mauvaise)
- On laisse les agents négocier en s'échangeant des (ensembles de) ressources. Plusieurs types d'échanges possibles :
 - avec / sans argent pour compenser
 - bornés sur le nombre de ressources échangées à la fois



- On part d'une allocation initiale (potentiellement très mauvaise)
- On laisse les agents négocier en s'échangeant des (ensembles de) ressources. Plusieurs types d'échanges possibles :
 - avec / sans argent pour compenser
 - bornés sur le nombre de ressources échangées à la fois
 - bornés sur le nombre d'agents impliqués



- On part d'une allocation initiale (potentiellement très mauvaise)
- On laisse les agents négocier en s'échangeant des (ensembles de) ressources. Plusieurs types d'échanges possibles :
 - avec / sans argent pour compenser
 - bornés sur le nombre de ressources échangées à la fois
 - bornés sur le nombre d'agents impliqués
 - rationels



- On part d'une allocation initiale (potentiellement très mauvaise)
- On laisse les agents négocier en s'échangeant des (ensembles de) ressources. Plusieurs types d'échanges possibles :
 - avec / sans argent pour compenser
 - bornés sur le nombre de ressources échangées à la fois
 - bornés sur le nombre d'agents impliqués
 - rationels
 - ...



Propriétés de convergence

Ce qui nous intéresse ici est de savoir si :

- La procédure va aboutir un jour (ou si les cycles d'échanges se poursuivront indéfiniment)
- La procédure va aboutir à un bon partage ou pas



Propriétés de convergence

Ce qui nous intéresse ici est de savoir si :

- La procédure va aboutir un jour (ou si les cycles d'échanges se poursuivront indéfiniment)
- La procédure va aboutir à un bon partage ou pas
- Bonne nouvelle : toute séquence d'échanges localement rationnels aboutiront forcément à l'optimum social utilitariste



Propriétés de convergence

Ce qui nous intéresse ici est de savoir si :

- La procédure va aboutir un jour (ou si les cycles d'échanges se poursuivront indéfiniment)
- La procédure va aboutir à un bon partage ou pas
- Bonne nouvelle : toute séquence d'échanges localement rationnels aboutiront forcément à l'optimum social utilitariste
- Mauvaise nouvelle :
 - Cette séquence d'échanges peut être exponentiellement longue...
 - Si l'on impose une quelconque restriction sur les types d'échanges autorisés (e.g. nombre de ressources), cette propriété n'est plus vraie.



L'allocation séquentielle

Approche n°3 : l'allocation séquentielle

Utiliser un protocole interactif tel que les séquences de choix.



L'allocation séquentielle

Approche n°3 : l'allocation séquentielle

Utiliser un protocole interactif tel que les séquences de choix.





















Approche n°3 : l'allocation séquentielle





















Approche n°3 : l'allocation séquentielle





















Approche n°3 : l'allocation séquentielle









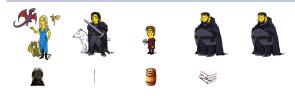








Approche n°3 : l'allocation séquentielle





Approche n°3 : l'allocation séquentielle





Entre l'allocation centralisée et l'allocation distribuée, une procédure très simple...



Entre l'allocation centralisée et l'allocation distribuée, une procédure très simple...

Demander aux agents de choisir chacun à leur tour (selon une **séquence prédéterminée**) leur objet préféré parmi ceux qu'il reste.

Exemple

3 agents A, B, C, 6 objets, séquence $ABCCBA \rightarrow A$ choisit d'abord (et prend son objet préféré), ensuite vient B, puis C, puis C à nouveau, etc...



- Protocole simple et naturel
- · Utilisé en pratique
- · Sans élicitation de préférence

- Jeux de plateau
- Draft (sport)
- Allocation de cours à des étudiants (Harvard Business School)
- ...





 Meileure séquence : intuitivement, ABCCBA semble plus équitable que AABBCC...

→ Quelle est la séquence la plus équitable ?



• Meileure séquence : intuitivement, ABCCBA semble plus équitable que AABBCC

→ Quelle est la séquence la plus équitable?

Sous certaines hypothèses d'indépendance et l'utilitarisme classique la séquence alternée est optimale pour deux agents.



 Meileure séquence : intuitivement, ABCCBA semble plus équitable que AABBCC...

→ Quelle est la séquence la plus équitable ?

Sous certaines hypothèses d'indépendance et l'utilitarisme classique la **séquence alternée** est optimale pour deux agents.

Égalitarisme :

р	n = 2	n=3
4	ABBA	ABCC
5		
6		
8		
10		



 Meileure séquence : intuitivement, ABCCBA semble plus équitable que AABBCC...

→ Quelle est la séquence la plus équitable ?

Sous certaines hypothèses d'indépendance et l'utilitarisme classique la **séquence alternée** est optimale pour deux agents.

Égalitarisme :

p	n=2	n = 3
4	ABBA	ABCC
5	AABBB	ABCCB
6		
8		
10		



 Meileure séquence : intuitivement, ABCCBA semble plus équitable que AABBCC...

→ Quelle est la séquence la plus équitable?

Sous certaines hypothèses d'indépendance et l'utilitarisme classique la **séquence alternée** est optimale pour deux agents.

Égalitarisme :

р	n = 2	n = 3
4	ABBA	ABCC
5	AABBB	ABCCB
6	ABABBA	ABCCBA
8	ABBABAAB	AACCBBCB
10	ABBAABABBA	ABCABBCACC



Aspects stratégiques

Exemple

2 agents, 4 objets:

•
$$A: 1 \succ 2 \succ 3 \succ 4$$

•
$$B: 2 \succ 3 \succ 4 \succ 1$$

Séquence $\pi = ABBA \rightarrow \{14|23\}$.



Aspects stratégiques

Exemple

2 agents, 4 objets:

• $A: 1 \succ 2 \succ 3 \succ 4$

• $B: 2 \succ 3 \succ 4 \succ 1$

Séquence $\pi = ABBA \rightarrow \{14|23\}$.

Que se passe-t-il si A connaît les préférences de B et s'en sert à son profit ?



Aspects stratégiques

Exemple

2 agents, 4 objets:

•
$$A: 1 \succ 2 \succ 3 \succ 4$$

•
$$B: 2 \succ 3 \succ 4 \succ 1$$

Séquence $\pi = ABBA \rightarrow \{14|23\}$.

Que se passe-t-il si A connaît les préférences de B et s'en sert à son profit ?

Il peut manipuler en choisissant 2 à la place de 1 au premier tour \rightarrow {12|34}.



Manipulation coalitionnelle

Exemple

3 agents, 6 objets:

•
$$A: 1 \succ 2 \succ 5 \succ 4 \succ 3 \succ 6$$

•
$$B: 1 \succ 3 \succ 5 \succ 2 \succ 4 \succ 6$$

•
$$C: 2 \succ 3 \succ 4 \succ 1 \succ 5 \succ 6$$

Sequence $\pi = ABCABC \rightarrow \{15|34|26\}$.



Manipulation coalitionnelle

Exemple

3 agents, 6 objets:

•
$$A: 1 \succ 2 \succ 5 \succ 4 \succ 3 \succ 6$$

•
$$B: 1 \succ 3 \succ 5 \succ 2 \succ 4 \succ 6$$

•
$$C: 2 \succ 3 \succ 4 \succ 1 \succ 5 \succ 6$$

Sequence $\pi = ABCABC \rightarrow \{15|34|26\}$.

- Si A et B manipulent seuls, il ne peuvent pas obtenir mieux
- S'ils coopèrent, il peuvent obtenir {12|35|46}, ce qui est strictement meilleur

Conclusion

Que retenir de tout cela?



Conclusion

- Les problèmes de décision collective font partie intégrante de l'IA
- Les problèmes de décision collective font partie intégrante de la ville intelligente
- Ces problèmes ont été d'abord traités majoritairement par les économistes mais depuis quelques années intéressent de près les chercheurs en informatique → COMSOC
- Parmi ces problèmes : le problème de partage équitable
- Un problème plus compliqué qu'il n'y paraît :
 - Représentation des préférences
 - Définition des critères d'équité
 - Calcul d'une solution optimale...
- Des approches diverses : centralisée, distribuée, protocoles séquentiels
- Ce qui intéresse les chercheurs en IA: propriétés computationnelles de ces approches (complexité par exemple), représentation compacte de préférences, manipulabilité, protocoles multiagents...

Merci

Vous voulez les supports?



http://recherche.noiraudes.net/fr/intro-partage.php

Images (honteusement) empruntées sans permission à ADN (https://drawthesimpsons.tumblr.com/)